

Complément théorique:

Pour calculer la distance d qui doit séparer les deux sommets des miroirs pour permettre de réaliser l'expérience, on utilise la loi des miroirs sphériques appliquée à la formation de deux images successives (double réflexion) avec la condition que l'objet se trouve à la distance $p_1 = d$ et que l'image finale se trouve également à la distance d du second miroir $p_2' = d$.

Ainsi, on trouve pour la première image une distance p_1' donnée par:

$$\frac{1}{p_1} + \frac{1}{p_1'} = \frac{1}{f} = \frac{2}{R} \quad \rightarrow \quad \frac{1}{d} + \frac{1}{p_1'} = \frac{2}{R} \rightarrow p_1' = \frac{R \cdot d}{2d - R}$$

Puis, pour la seconde réflexion, on utilise à nouveau la même équation, mais en sachant que la distance $p_2 = d - p_1'$, d'où :

$$\frac{1}{p_2} + \frac{1}{p_2'} = \frac{2}{R} \quad \rightarrow \quad \frac{1}{d - p_1'} + \frac{1}{p_2'} = \frac{2}{R} \quad \rightarrow \quad p_2' = \frac{R(d - p_1')}{2(d - p_1') - R}$$

En remplaçant p_1' par l'expression trouvée précédemment et en posant que $p_2' = d$, il vient:

$$p_2' = \frac{R(d - p_1')}{2(d - p_1') - R} = \frac{R(d - \frac{R \cdot d}{2d - R})}{2(d - \frac{R \cdot d}{2d - R}) - R} = d \quad \rightarrow \quad \frac{2R \cdot d \cdot (d - R)}{4d^2 - 6R \cdot d + R^2} = d$$

Après simplification, l'équation devient:

$$4d^2 - 8R \cdot d + 3R^2 = 0$$

Ce qui donne deux solutions possibles $d = R/2$ (cas de l'expérience) et autre possibilité $d = 3R/2$.
En fait d'autres solutions avec un nombre paires de réflexions sont aussi possibles, par exemple 4 réflexions conduisent à l'équation suivante !!!

$$16d^4 - 64R \cdot d^3 + 84R^2 \cdot d^2 - 40R^3 \cdot d + 5R^4 = 0$$

dont les solutions sont:

$$d = 0.191R, 0.691R, 1.309R, 1.809R \quad !!!!$$